

# Inhaltsverzeichnis

<b>Vorwort</b> .....	15
Maple .....	15
Zweck und Aufbau dieses Buches .....	15
Die 2. Auflage .....	16
Danksagungen .....	17

## Teil 1    **Mathematik mit Maple**

<b>1</b>	<b>Bedienung von Maple 7</b> .....	21
1.1	Das Arbeitsblatt .....	21
1.2	Die Benutzeroberfläche .....	23
1.3	Gestaltung von Arbeitsblättern .....	37
<b>2</b>	<b>Rechnen und Arbeiten mit Maple</b> .....	47
2.1	Grundrechenarten .....	47
2.2	Fließkommaberechnungen .....	49
2.3	Symbolische Ausdrücke .....	51
2.4	Ergebnisspeicher .....	52
2.5	Weitere Eingabekonventionen .....	53
2.5.1	Groß- und Kleinschreibung .....	53
2.5.2	Leerzeichen in Ausdrücken .....	54
2.5.3	Mehrere Anweisungen in einer Eingaberegion .....	54
2.5.4	Verteilen über mehrere Zeilen .....	55
2.6	Variablen .....	55
2.6.1	Zuweisungen .....	55
2.6.2	Löschen von Werten .....	57
2.6.3	Rücksetzen von Maple .....	58
2.6.4	Auswertungsregeln .....	59
2.7	Funktionsdefinition .....	62
2.8	Hilfefunktionen .....	68
2.9	Typische Anwenderfehler .....	68
2.9.1	Syntaxfehler .....	68
2.9.2	Semantikfehler .....	69
2.9.3	Missachtung mathematischer Prioritäten .....	70
2.9.4	Tippfehler .....	71
2.9.5	Ditto .....	71

2.9.6	Zuweisungen . . . . .	72
2.9.7	Der Doppelpunkt . . . . .	73
2.9.8	Verwechslung zwischen Funktionen in Pfeilnotation und Termen . . . . .	74
<b>3</b>	<b>Grundlagen . . . . .</b>	<b>77</b>
3.1	Mathematische Funktionen . . . . .	77
3.2	Vordefinierte Konstanten . . . . .	78
3.3	Exponentialschreibweise . . . . .	79
3.4	Prioritäten mathematischer Operationen . . . . .	79
3.5	Kurznamen für Funktionen und Befehle . . . . .	81
3.5.1	Makros . . . . .	81
3.5.2	Aliase . . . . .	82
3.6	Ausdrücke und Datenstrukturen . . . . .	84
3.6.1	Ausdruck . . . . .	84
3.6.2	Bereiche . . . . .	84
3.6.3	Folgen . . . . .	85
3.6.4	Listen . . . . .	86
3.6.5	Mengen . . . . .	87
3.7	Datentypen . . . . .	88
3.8	Auswahl von Teilausdrücken . . . . .	90
3.9	Die map-Funktion . . . . .	94
<b>4</b>	<b>Umformungen, Vereinfachungen und Lösungen . . . . .</b>	<b>97</b>
4.1	Rechnen mit Polynomen . . . . .	97
4.2	Quotienten . . . . .	104
4.3	Vergleich von Ausdrücken . . . . .	108
4.4	Annahmen und Vereinfachungen . . . . .	110
4.4.1	Setzen von Annahmen . . . . .	111
4.4.2	Zusammenfassungen mittels combine . . . . .	116
4.4.3	Vereinfachungen mittels simplify . . . . .	117
4.4.4	Potenzen . . . . .	118
4.4.5	Wurzeln . . . . .	120
4.4.6	Logarithmen . . . . .	122
4.4.7	Trigonometrische Ausdrücke . . . . .	123
4.4.8	Einschränkung auf die reelle Zahlenebene . . . . .	126
4.5	Gleichungen . . . . .	128
4.5.1	Darstellung und Umformungen . . . . .	128
4.5.2	Lösung von Gleichungen . . . . .	129
4.6	Ungleichungen . . . . .	138
4.7	Gleichungssysteme . . . . .	139
4.8	Substitution von Ausdrücken . . . . .	140
4.8.1	subs . . . . .	140

4.8.2	algsubs .....	142
4.8.3	eval .....	144
4.8.4	subsindets .....	145
4.9	Manuelle Lösung von Gleichungen .....	146
4.10	Punkt-Richtungsform und Schnittpunkte von Geraden .....	148
4.11	Komplexe Zahlen .....	150
4.12	Rechnen mit Einheiten in Maple 7 .....	152
<b>5</b>	<b>Graphik .....</b>	<b>155</b>
5.1	Zweidimensionale Graphiken .....	155
5.1.1	Smartplots .....	155
5.1.2	Die plot-Anweisung .....	158
5.1.3	Graphik-Menübefehle .....	159
5.1.4	Plotoptionen .....	161
5.1.5	Koordinatenachsen .....	163
5.1.6	Linienarten .....	164
5.1.7	Farben .....	165
5.1.8	Punkte: Stile und Symbole .....	166
5.1.9	Beschriftungen .....	168
5.1.10	Mehrere Graphen mit plot zeichnen .....	170
5.1.11	Mehrere Graphen mit plots/display zeichnen .....	171
5.1.12	Plotoptionen für alle Graphiken vordefinieren .....	173
5.1.13	Platzierung von Texten .....	174
5.1.12	Gitternetz .....	176
5.1.13	Punkte .....	178
5.1.14	Tangenten .....	179
5.1.15	Implizite Funktionen .....	179
5.1.16	Parametrische Kurven .....	183
5.1.17	Kurven in Polarkoordinaten .....	184
5.1.18	Logarithmische Plots .....	186
5.1.19	Vektorfelder .....	187
5.1.20	Ungleichungen .....	188
5.1.21	Animation .....	190
5.2	Dreidimensionale Graphiken .....	192
5.2.1	Der plot3d-Befehl .....	192
5.2.2	Flächen aus Punktkoordinaten .....	198
5.2.3	Flächen in Kugelkoordinaten .....	199
5.2.4	Implizite Funktionen .....	200
5.2.5	Kurven im Raum .....	201
5.2.6	Animationen in 3D .....	203
5.2.7	Vordefinition von 3D-Plotoptionen .....	203
5.2.8	Einsatz von display .....	204
5.3	Abspeicherung von Graphiken .....	204

<b>6</b>	<b>Analysis</b>	207
6.1	Verknüpfung von Funktionen	207
6.1.1	Verknüpfung durch Grundrechenarten	207
6.1.2	Verknüpfung durch Verkettung	208
6.2	Fakultäten und Binomialkoeffizienten	209
6.3	Symmetrie von Funktionen	210
6.4	Grenzwerte	211
6.5	Stetigkeit	215
6.6	Folgen reeller Zahlen	217
6.6.1	Explizit gebildete Folgen	217
6.6.2	Implizit gebildete Folgen	222
6.7	Summen, Reihen und Produkte	224
6.7.1	Partialsummen	224
6.7.2	Unendliche Reihen	226
6.7.3	Grenzwerte unendlicher Reihen	226
6.7.4	Produkte	227
6.8	Träge Kommandos	227
6.9	Differentiation	228
6.9.1	Ableitungen mit diff	228
6.9.2	Extrem- und Wendestellen	231
6.9.3	Monotonieverhalten	232
6.9.4	Differentialoperator D	233
6.9.5	Partielle Ableitungen	234
6.9.6	Differentiation impliziter Funktionen	237
6.9.7	Differentiation von Vektoren	238
6.10	Integration	239
6.10.1	Unbestimmte und bestimmte Integrale	239
6.10.2	Numerische Integration	240
6.10.3	Uneigentliche Integrale	242
6.10.4	Integrationsmethoden	244
6.10.5	Mehrfachintegrale	247
6.10.6	Flächenprobleme	247
6.10.7	Anwendung: Berechnung der Bogenlänge einer Kurve	250
6.11	Reihenentwicklung	252
6.11.1	Potenzreihen	252
6.11.2	Fourier-Reihen	256
6.12	Stückweise definierte Funktionen	257
6.13	Gewöhnliche Differentialgleichungen	259
6.13.1	Symbolische Lösungen	259
6.13.2	Numerische Lösungen	264
6.13.3	Reihenentwicklung	265
6.13.4	Systeme von Differentialgleichungen	266
6.13.5	Graphische Darstellung	267

<b>7</b>	<b>Lineare Algebra, Analytische Geometrie und Kombinatorik</b>	271
7.1	Vektoren	271
7.2	Matrizen	280
7.2.1	Matrixdefinition	280
7.2.2	Matrixmanipulationen	283
7.2.3	Fundamentale Matrixarithmetik	287
7.2.4	Lineare Gleichungssysteme in Matrizenform	290
7.2.5	Eigenwerte und -vektoren	293
7.3	Geometrie der Ebene	297
7.4	Geometrie des Raumes	303
7.5	Kombinatorik	308
<b>8</b>	<b>Beschreibende Statistik</b>	311
8.1	Darstellung statistischer Werte	311
8.2	Häufigkeitsverteilung	312
8.3	Kennwerte	314
<b>Teil 2</b>	<b>Die Programmiersprache Maple</b>	
<b>9</b>	<b>Die Programmiersprache Maple</b>	319
9.1	Allgemeines	319
9.2	Eigenschaften der Programmiersprache Maple	320
9.3	Begriffsbestimmungen	321
<b>10</b>	<b>Bezeichner</b>	323
10.1	Variablen	323
10.2	Datentypen	326
10.3	Schutz von Bezeichnern	329
<b>11</b>	<b>Ausgabebefehle</b>	331
11.1	Unformatierte Ausgabe mit print und lprint	331
11.2	Formatierte Ausgabe mit printf	332
<b>12</b>	<b>Bedingungen</b>	337
12.1	Die if-Anweisung	337
12.1.1	if-then-Konstruktion	338
12.1.2	if-then-else-Konstruktion	339
12.1.3	if-then-elif-[else]-Konstruktion	340
12.1.4	Auswertung von if-Anweisungen	342
12.1.5	Die `if`-Funktion	344
12.2	Boolesche Operatoren	345

<b>13</b>	<b>Schleifen</b>	347
13.1	Allgemeines	347
13.2	for/from-Schleifen	349
13.3	Gekürzte for/from-Schleifen	353
13.4	for/in-Schleifen	354
13.5	while-Schleifen	354
13.6	Kombinierte for/while-Schleifen	356
13.7	Sprungbefehle für Schleifen	357
<b>14</b>	<b>Strukturierte Datentypen</b>	361
14.1	Folgen	361
14.1.1	Grundsätzliches	361
14.1.2	Zugriff auf Elemente	362
14.1.3	Erzeugung mittels seq und \$	363
14.1.4	Erweiterung	365
14.1.5	Leerfolgen	366
14.2	Listen und Mengen	366
14.2.1	Grundsätzliches	366
14.2.2	Zugriff auf Elemente	367
14.2.3	Anzahl der Elemente	369
14.2.4	Prüfung auf Elemente	369
14.2.5	Listen	370
14.2.5.1	Austausch von Elementen	370
14.2.5.2	Löschen von Elementen	371
14.2.5.3	Schachtelung	372
14.2.5.4	Sortierung	373
14.2.5.5	Leere Listen	374
14.2.5.6	Anwendung von Rechenoperationen	375
14.2.6	Mengen	375
14.2.7	Umwandlungen zwischen Listen und Mengen	377
14.3	Tabellen	377
14.3.1	Grundsätzliches	377
14.3.2	Explizite Erzeugung	378
14.3.3	Zugriff	379
14.3.4	Löschtung	380
14.3.5	Implizite Erzeugung	380
14.3.6	Indizes und Einträge	381
14.3.7	Mehrdimensionale Tabellen	381
14.3.8	Interne Verwaltungsinformationen	383
14.3.9	Speichermanagement: Referenzen	383
14.4	Felder	385
14.4.1	Grundsätzliches	385
14.4.2	Erzeugung & Zuweisung von Werten	385

14.4.3	Mehrdimensionale Felder . . . . .	387
14.4.4	Indizes und Einträge . . . . .	388
14.4.5	Indizierungsfunktionen . . . . .	388
14.4.6	Interne Verwaltungsinformationen . . . . .	390
14.5	Zeichenketten . . . . .	391
14.5.1	Grundsätzliches . . . . .	391
14.5.2	Länge . . . . .	392
14.5.3	Unterstrings . . . . .	392
14.5.4	Verkettung . . . . .	394
14.5.5	Suchfunktionen . . . . .	394
14.5.6	Umwandlung von Werten in Strings . . . . .	395
<b>15</b>	<b>Prozeduren</b> . . . . .	399
15.1	Definition von Prozeduren . . . . .	400
15.2	Parameter . . . . .	402
15.3	Rückgabewerte einer Prozedur . . . . .	404
15.4	Geltungsbereiche von Variablen . . . . .	407
15.4.1	Lokale Variablen . . . . .	407
15.4.2	Globale Variablen . . . . .	409
15.4.3	Umgebungsvariablen . . . . .	411
15.4.4	Lexical Scoping . . . . .	412
15.5	Auswertungsregeln für Bezeichner . . . . .	412
15.6	Veränderung der Parameter . . . . .	414
15.7	Wegfall und zusätzliche Angabe von Argumenten . . . . .	416
15.8	Funktionen als Argumente . . . . .	420
15.9	Prozeduren als Argumente . . . . .	422
15.10	Erweiterte Typüberprüfung im Prozedurkopf . . . . .	422
15.11	Optionen als Argumente . . . . .	423
15.12	Fehlerbehandlung . . . . .	428
15.12.1	Ausnahmebehandlung . . . . .	428
15.12.2	Fehlermeldungen mit error . . . . .	431
15.12.3	Fehlerbehandlung wie in Maple 6-Vorgängerversionen . . . . .	432
15.13	Funktionen als Rückgabe . . . . .	434
15.14	Unterprozeduren & Lexical Scoping . . . . .	434
15.15	Selbstaufruf einer Prozedur . . . . .	437
15.16	Unausgewertete Rückgabe . . . . .	438
15.17	Optionen . . . . .	438
15.18	Interne Prozedurverwaltung . . . . .	441
15.19	Erinnerungstabellen . . . . .	442
15.20	Effiziente Rekursionen . . . . .	446
15.21	Benutzerdefinierte Typen . . . . .	449
15.22	Informationen an den Anwender . . . . .	452
15.23	Abspeicherung und Laden von Dateien . . . . .	454

15.23.1	Textdateien . . . . .	454
15.23.2	m-Dateien . . . . .	455
<b>16</b>	<b>Module . . . . .</b>	<b>457</b>
16.1	Einsatz von Modulen . . . . .	457
16.2	Aufbau von Modulen . . . . .	458
16.3	Zugriff auf Modulwerte . . . . .	459
16.4	Der use-Befehl . . . . .	460
16.5	Der with-Befehl . . . . .	460
16.6	Beispiel des Einsatzes von Modulen . . . . .	462
16.7	Spezielle Befehle zur Abfrage von Modulen . . . . .	465
16.8	Interne Modulverwaltung . . . . .	466
16.9	Argumentübergabe . . . . .	466
<b>17</b>	<b>Weiterführende Programmierung . . . . .</b>	<b>469</b>
17.1	Erstellung eigener Pakete und Bibliotheken . . . . .	469
17.1.1	Paketerstellung über Module . . . . .	469
17.1.1.1	Interne Prozeduren . . . . .	470
17.1.1.2	Initialisierungs- und Beendigungsprozeduren . . . . .	471
17.1.1.3	Exportierte Prozeduren . . . . .	472
17.1.1.4	Abspeicherung in Bibliotheken . . . . .	472
17.1.1.5	Zugriff auf Bibliotheken . . . . .	475
17.1.2	Paketerstellung über Tabellen . . . . .	478
17.1.2.1	Interne Prozeduren . . . . .	479
17.1.2.2	Initialisierungsprozeduren . . . . .	480
17.1.2.3	Tabellenzuweisung . . . . .	480
17.1.2.4	Abspeicherung der Routinen in die Bibliothek . . . . .	481
17.1.2.5	Einsatz des neuen Paketes . . . . .	484
17.2	Erstellung von Hilfeseiten . . . . .	486
17.3	Hardware-Fließkommaarithmetik . . . . .	489
17.4	Dateiein- und -ausgabeoperationen . . . . .	491
17.4.1	Eingabeoperationen . . . . .	491
17.4.2	Ausgabeoperationen . . . . .	497

## Anhänge

<b>A</b>	<b>Übersichten . . . . .</b>	<b>503</b>
A1	Schnellübersicht . . . . .	503
A2	Syntaxübersicht der besprochenen Maple-Befehle . . . . .	507
A2.1	Standardbefehle . . . . .	507
A2.2	Das Paket student . . . . .	525
A2.3	Das Paket LinearAlgebra . . . . .	527
A3	Datentypen in Maple . . . . .	532

A4	Plotoptionen . . . . .	535
A5	Griechische Buchstaben . . . . .	535
<b>B</b>	<b>Das System Maple</b> . . . . .	537
B1	Systemkomponenten . . . . .	537
B1.1	Kernel . . . . .	537
B1.2	Maple-Hauptbibliothek (main Maple Library) . . . . .	537
B1.3	Benutzerschnittstelle (user interface) . . . . .	540
B2	Systemvariablen & Systemkommandos . . . . .	540
B2.1	Überblick . . . . .	540
B2.2	interface-Einstelloptionen . . . . .	543
B2.3	kernelopts-Optionen . . . . .	546
B3	Maple-Initialisationsdatei . . . . .	547
B4	Installation von Bibliotheken und der Share Library . . . . .	550
B4.1	Installation zusätzlicher Bibliotheken/Pakete . . . . .	550
B4.2	Share Library . . . . .	551
<b>C</b>	<b>Maple im Internet</b> . . . . .	553
<b>D</b>	<b>Inhalt der CD-ROM</b> . . . . .	555
D1	Arbeitsblattdateien . . . . .	555
D1.1	Arbeitsblätter zum Buch . . . . .	555
D1.2	Weitere Arbeitsblätter über spezielle Themen . . . . .	555
D2	Pakete . . . . .	556
D3	Sonstige Dateien . . . . .	557
D4	Urheberrechte . . . . .	557
<b>E</b>	<b>Quellenverzeichnis</b> . . . . .	559
<b>F</b>	<b>Index</b> . . . . .	563
	<b>SpreadSheets</b> (Tabellenkalkulation) . . . . .	s. CD